

МЕХАНИКА И ТЕОРИЯ ОТНОСИТЕЛЬНОСТИ

профессор Валерий Иванович Тельнов

Введение

Физика – главная наука о природе, изучающая наиболее общие, фундаментальные законы природы. Механика классическая и квантовая, нерелятивистская и релятивистская, границы применимости. Пространство и время. Кинематика и динамика. Масштабы времён и расстояний в природе.

Нерелятивистская кинематика

1. Координаты, скорость, ускорение.
2. Движение по окружности, нормальная и тангенциальная составляющие ускорения. Общий случай криволинейного движения. Радиус кривизны.
3. Инерциальные системы отсчета. Принцип относительности. Преобразования Галилея.

Релятивистская кинематика

4. Максимальная скорость распространения сигнала. Опыт Майкельсона и Морли. Постулаты Эйнштейна. Синхронизация часов, относительность одновременности. Инвариантность поперечного размера. Замедление хода движущихся часов. Время жизни движущихся частиц, сокращение продольного размера движущегося предмета. «Парадокс» близнецов.
5. Преобразования Лоренца. Релятивистские преобразования скорости.
6. Абerrация. Эффект Доплера.
7. Интервал и собственное время. Типы интервалов и характер связи между событиями. Пространство Минковского. 4-векторы. 4-скорость.

Нерелятивистская динамика. Силы в природе.

8. Законы динамики Ньютона. Определение силы. Второй закон Ньютона. Масса. Третий закон Ньютона. Суперпозиция сил. Уравнения Ньютона и принцип относительности.
9. Импульс. Закон сохранения импульса у замкнутой системы тел. Сила как мера скорости изменения импульса. Аддитивность масс. Центр инерции. Задача двух тел.
10. Реактивное движение, формула Циолковского.
11. Работа. Кинетическая энергия. Связь работы силы с изменением кинетической энергии.
12. Консервативные (потенциальные) и неконсервативные силы. Потенциальная энергия.
13. Закон сохранения механической энергии.
14. Связь законов сохранения импульса и энергии с однородностью пространства и времени.
15. Распады и соударения в нерелятивистской механике.
16. Поле. Электрическое взаимодействие, закон Кулона. Гравитационное взаимодействие, закон всемирного тяготения. Фундаментальные взаимодействия: сильное, электромагнитное, слабое, гравитационное.

Релятивистская динамика

17. Релятивистский импульс и энергия.
18. 4-вектор энергии-импульса, преобразования Лоренца для энергии и импульса.
19. Работа силы и изменение энергии. Эффект Доплера и абберация как следствие преобразований Лоренца для энергии-импульса.
20. Релятивистская сила как производная релятивистского импульса по времени. Связь работы силы с изменением энергии.

21. Упругие столкновения и распады и в релятивистской механике. Комптоновское рассеяние. Распад пиона на два фотона. Пороги реакций. Метод встречных пучков.
22. Энергия связи. Реакции деления и синтеза атомных ядер.
23. Сила Лоренца (без вывода). Движение в постоянном магнитном поле. Магнитное поле как проявление релятивистского эффекта в кулоновском взаимодействии.

Колебания, волны

24. Одномерное движение в потенциальном поле. Фазовая плоскость. Период колебания.
25. Гармонические колебания.
26. Затухающие колебания. Добротность.
27. Вынужденные колебания. Резонанс.
28. Параметрический резонанс (на примере качелей).
29. Волны в упругой среде, уравнение плоской волны. Скорость поперечных волн в натянутой струне. Скорость продольных волн в упругой среде. Стоячие волны.

Центральное поле

30. Момент силы, момент импульса относительно неподвижной оси. Сохранение момента импульса для замкнутой системы тел и для движения частицы в центральном поле. Связь закона сохранения момента импульса с изотропией пространства.
31. Движение в центральном поле. Эффективный потенциал. Фinitные и инфинитные траектории. Условия падения на центр.
32. Движение в кулоновском поле. Законы Кеплера. Космические скорости.
33. Рассеяние частиц. Сечение рассеяния твердых шариков. Опыт Резерфорда. Эффективное сечение Резерфордовского рассеяние быстрых частиц под малыми углами.

Движение твердого тела

34. Поступательное и вращательное движение твердого тела. Мгновенная ось вращения. Разложение движения на поступательное и вращательное.
35. Кинетическая энергия твердого тела. Момент инерции. Теорема Гюйгенса-Штейнера.
36. Момент импульса твердого тела. Уравнение движения твердого тела. Движение тела с закрепленной осью. Качение тел.
37. Гироскоп. Прецессия гироскопа под действием сил.
38. Равновесие твердого тела, элементы статики.

Элементы гидродинамики идеальной жидкости.

39. Гидростатика. Стационарное течение. Закон Бернулли. Формула Торричелли. Гидравлический удар. Кумулятивный снаряд.

Неинерциальные системы отсчета

40. Силы инерции при ускоренном поступательном движении системы отсчета. Силы инерции во вращающейся системе отсчета, центробежная и кориолисова силы, влияние на движение тел на Земле. Приливы.

Элементы общей теории относительности

41. Понятие об общей теории относительности, искривление пространства. Принцип эквивалентности гравитационных сил и сил инерции. Инертная и гравитационная массы. Опыт Этвеша. Падение фотона в гравитационном поле. Замедление времени в гравитационном поле.

Элементы квантовой механики

42. Волновые свойства частиц, соотношение неопределенности Гейзенберга. Размер атома.

Современное представление о вселенной

43. Физика элементарных частиц. Современное представление о Вселенной. Расширяющаяся Вселенная, критическая плотность. Темная материя и темная энергия.

Литература

1. **Тельнов В.И.** Механика и теория относительности, НГУ, 2015 (есть на сайте данного курса).
2. **Матвеев А. Н.** Механика и теория относительности. М.: Высшая школа. 1986.
3. **Сивухин Д.В.** Общий курс физики, т.1, Механика. М.: Наука. 1989.
4. **Киттель Ч., Найт У., Рудерман М.** Механика (Берклевский курс физики), М.: Наука, 1975.
5. **Фейнман Р., Лейтон Р., Сэндс И.** Фейнмановские лекции по физике. Т.1-2. М.: Мир. 1977.
6. **Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М.** Механика. М.: Наука. 1988.

Программа семинаров

Темы семинарских занятий и номера задач, рекомендуемых для рассмотрения на семинарских занятиях и для домашних заданий. Нумерация по задачнику Ахметов Т.Д., Болеста А.В., Еманов Ф.А., Руденко А.С., Тельнов В.И., Шошин А.А. (под ред. Тельнова В.И.), «Задачи по механике и теории относительности». Учеб. пособие. Новосибирский гос. ун-т. Новосибирск, 2016. – 168 с (на сайте курса)

№ семинара	Тема семинара	№ задач
1-4	Нерелятивистская кинематика	1.1-1.40
5-8	Релятивистская кинематика	2.1-2.31
9-12	Нерелятивистская динамика	3.1-3.50
13-17	Релятивистская динамика.	4.1-4.57
18-21	Одномерное движение, колебания и волны	5.1-5.34

22-25	Центральное поле, рассеяние	6.1-6.36
26-30	Движение твердого тела, жидкости	7.1-7.40
31-32	Неинерциальные системы отсчета	8.1-8.15
33-34	Решение задач по всему пройденному материалу	

В течение семестра будет две потоковые письменные контрольные работы, а также третья экзаменационная письменная работа по всем темам во время сессии перед итоговым устным экзаменом. Оценки за эти работы будут учитываться при выставлении итоговой оценки на устном экзамене. Также вам будет необходимо решить и сдать преподавателю три “месячных” заданий, примерно по 10 задач (см. ниже). Активная работа на семинарах, решение домашних задач и своевременная сдача месячных заданий необходимы для получения допуска к экзамену, рекомендательная оценка преподавателя также будет учитываться при выставлении итоговой оценки.

Механика и теория относительности

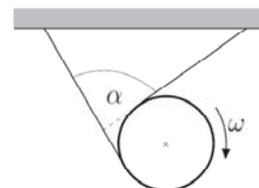
Задание 1: Нерелятивистская и релятивистская кинематика

(сдать до 15 октября или раньше).

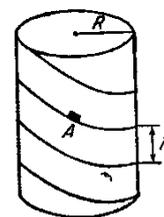
1. Ускорение тела при прямолинейном движении изменяется по закону $a = a_0(1 - t/\tau)$. Найти пройденный путь к моменту времени, когда скорость тела станет равной нулю. Начальная скорость тела равна нулю.

2. Баскетболист бросает мяч под углом α к горизонту со скоростью V . На расстоянии L от баскетболиста находится стена. Мяч упруго отскакивает от стены и падает к ногам баскетболиста. Найти рост этого спортсмена.

3. Тяжелый диск радиуса R опускается вниз, раскручивая две намотанные на него нити. Нити прикреплены к потолку и остаются натянутыми в процессе движения диска. Чему равна скорость центра диска, когда его угловая скорость равна ω , а угол между нитями равен α ?



4. Небольшое тело A соскальзывает без начальной скорости по гладкому винтовому желобу с шагом h и радиусом R в поле тяжести g . Найти ускорение тела в конце n -го витка и время соскальзывания.



5. Два космических корабля летят вдоль одной прямой в одном направлении со скоростями $V_1 > V_2$. Со второго корабля вдогонку первому посылаются два электромагнитных импульса с интервалом времени τ_1 относительно лабораторной системы отсчета. С каким интервалом времени τ_2 относительно той же системы отсчета они вернуться назад на второй корабль после отражения от первого?

6. В системе S стержень имеет длину L и движется со скоростью u вдоль оси x . Какую длину имеет стержень в системе S' , которая движется вдоль оси x со скоростью V ?

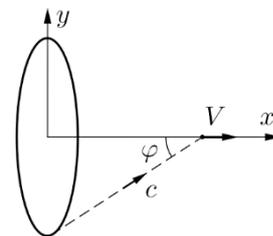
7. С космического корабля, удаляющегося от Земли с постоянной скоростью, через $\Delta t' = 7$ суток после старта (по часам на корабле) послан радиосигнал на Землю. Сигнал был принят на Земле через $\Delta t = 10$ суток после старта (по часам на Земле). Найти скорость корабля.

8. Над Москвой и Новосибирском одновременно в системе Земли навстречу друг другу пролетели два релятивистских самолета со скоростями V_1 и V_2 . Расстояние между городами в системе Земли равно L . Найдите время полета самолетов до встречи в системе Земли и в системе первого самолета.

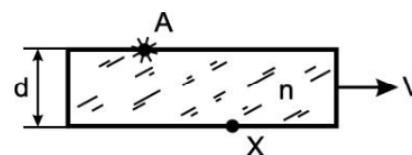
9. Ракета движется со скоростью V вдоль оси дисковой галактики. В системе галактики угол между ее осью и направлением от ракеты к краю галактики равен φ .

а) С какого направления приходит свет с края галактики для наблюдателя в ракете?

б) При каком значении угла φ излучение от любого участка галактики, приходящее к наблюдателю в ракете, будет иметь только красное смещение?



10. Стеклопластиковая пластинка движется параллельно своей плоскости с релятивистской скоростью V . Показатель преломления материала n , толщина d . В точке A , которая расположена снаружи от пластинки, произошла вспышка света. В какую точку x Л-системы отсчета, расположенную на другой стороне пластинки, свет дойдет раньше всего? Свет в пластинке распространяется со скоростью c/n .

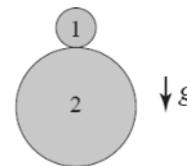


Механика и теория относительности

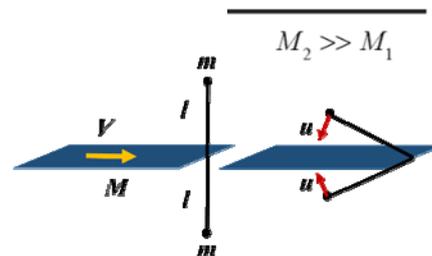
Задание 2: Нерелятивистская и релятивистская механика (сдать до 15 ноября или раньше).

1. Найти положение центра масс каната, плотность которого возрастает квадратично с расстоянием от его конца.

2. Рассмотрим два шара, расположенные друг на друге. Масса верхнего шара M_1 много меньше массы нижнего M_2 . Шары вместе падают на пол с высоты H_0 . Рассматривая все процессы соударения абсолютно упругими, найти, на какую высоту после отскока поднимется меньший шар.



3. Пластина массы M движется со скоростью V перпендикулярно нити длиной $2l$, к концам которой прикреплены точечные массы m , и налетает на середину нити. Определить скорости тел в момент соударения с пластиной. Нить невесома и нерастяжима.

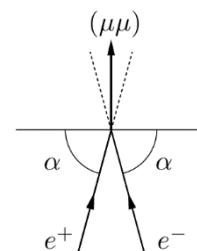


4. Ракета с начальной массой M_0 , половину которой составляет топливо, стартует из состояния покоя вдоль горизонтального стола в поле тяжести g . Коэффициент трения между ракетой и столом μ . Расход топлива $\dot{\gamma} = -dM/dt$. Скорость истечения газа относительно ракеты u . Найти зависимость скорости ракеты от времени от ее старта до остановки. Какой максимальной скорости достигнет ракета? Через какое время она остановится?

5. Одной из вероятных (но пока не наблюдаемых) мод распада протона является $p \rightarrow e^+ + \pi^0$. Вычислить кинетическую энергию позитрона, считая, что распадающийся протон покоится. Массы протона, позитрона и пи-мезона равны соответственно $m_p = 936 \text{ МэВ}/c^2$, $m_e = 0.51 \text{ МэВ}/c^2$, $m_\pi = 135 \text{ МэВ}/c^2$.

6. Если пучок протонов с высокой энергией сталкивается с протонами, покоящимися в лабораторной системе отсчета (например, в емкости с водой или жидким водородом), то в результате реакции $p + p \rightarrow p + p + \pi^0$ рождаются нейтральные пионы π^0 . Вычислите минимальную энергию протонов в пучке, при которой начинается эта реакция. Массы протона и пиона равны соответственно $m_p = 936 \text{ МэВ}/c^2$, $m_\pi = 135 \text{ МэВ}/c^2$.

7. В ИЯФ был предложен проект $\mu\mu$ -трон («мюютрон») по поиску и изучению экзотического атома – мюония ($\mu^+\mu^-$). Для наблюдения мюония пучки электронов и позитронов сталкиваются под углом $(\pi - 2\alpha)$, где $\alpha = 75^\circ$. Масса мюона $105.7 \text{ МэВ}/c^2$, время жизни мюония $1.8 \cdot 10^{-12}$ сек. Найти необходимую энергию электронов и позитронов, а также скорость и среднее расстояние пролёта родившихся мюониев.



8. В область однородного магнитного поля, занимающего полупространство, влетает пучок заряженных каонов. Пучок направлен перпендикулярно плоскости, ограничивающей область магнитного поля. Направление магнитного поля поперечно пучку. При какой величине поля из области поля выйдет половина частиц, если их время жизни τ ?

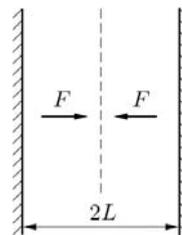
9. В область поперечного электрического поля E влетает по нормали заряженная частица. Скорость частицы v_0 , заряд q , масса m . Ширина области поля равна L . Какую величину электрического поля следует задать, чтобы частица вылетела из него под углом α к нормали?

10. Находящийся в покое ϕ -мезон распадается по схеме $\phi \rightarrow \pi^+ + \pi^- + \pi^0$. Нейтральный пион впоследствии распадается на два γ -кванта. Найти минимальный угол их разлета. Массы ϕ -мезона, заряженных и нейтрального пиона равны соответственно m_ϕ , m_{π^+} и m_{π^0} .

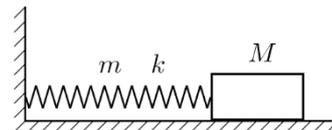
Механика и теория относительности

Задание 3: Колебания. Тяготение. Движение твердого тела. Неинерциальные системы (сдать до 22 декабря или раньше).

1. Пространство между двумя упругими стенками $2L$ разделено пополам на две области, в которых имеются силовые поля F и $-F$, направленные навстречу друг другу. Найти зависимость периода движения частицы массы m в этой области от максимальной скорости. Траектория частицы перпендикулярна стенкам. Как изменится решение, если направление сил поменять на противоположное? Изобразить движение на фазовой плоскости.



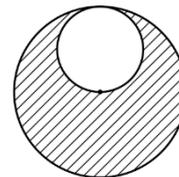
2. Тело массы M скользит без трения по горизонтальной поверхности и прикреплено к стенке пружиной жесткостью k и массой m , равномерно распределенной по длине пружины. Найти период малых колебаний системы.



3. Частица массы m движется в центральном поле под действием силы $F = -Ar^3$, где A – константа, по круговой орбите радиусом R . Найти частоту малых радиальных колебаний орбиты и сравнить ее с угловой частотой орбитального движения.

4. По круговой земной орбите на небольшом расстоянии L друг от друга ($L \ll R_3$) в одном направлении движутся два спутника. С первого спутника на второй нужно перебросить контейнер. В каком случае контейнер быстрее достигнет второго спутника: если его бросить по движению первого спутника или против движения? С какой скоростью u требуется его бросить? Скорость выброса контейнера u много меньше скорости спутника V .

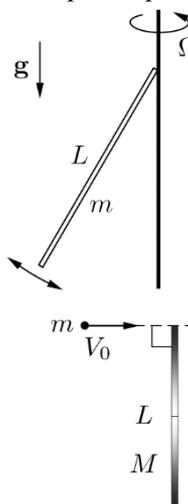
5. Найти минимальную вторую космическую скорость для сферической планеты радиуса R и плотности ρ , в которой есть сферическая полость радиуса $R/2$, касающаяся поверхности планеты.



6. Горизонтальный диск массы M и радиуса R может свободно вращаться относительно вертикальной оси, проходящей через его центр. На диске нарисована окружность радиуса r с осью, совпадающей с осью диска. Человек массы m проходит по нарисованной окружности, возвращаясь в исходную точку диска. На какой угол повернется при этом диск?

7. Однородный шар массой m и радиусом r опирается в положении неустойчивого равновесия на поверхность жестко закрепленного шара радиусом $R > r$. Линия, соединяющая центры шаров, вертикальна. Потеряв равновесие, верхний шар начинает скатываться без скольжения по поверхности шара радиусом R . При каком значении угла θ между вертикалью и линией, соединяющей центры шаров, давление в точке соприкосновения шаров исчезает?

8. На вертикальной оси при помощи цилиндрического шарнира закреплен однородный стержень массы m и длины L . Ось приведена во вращение с постоянной угловой скоростью Ω . Найти частоту малых колебаний стержня вблизи положения равновесия.



9. На гладком столе лежит тонкий неоднородный стержень массы M и длины L . Плотность стержня линейно нарастает от нулевого значения в середине стержня к его краям. Точечная масса m движется перпендикулярно стержню со скоростью V_0 и прилипает к его концу. Найти поступательную и угловую скорость образовавшегося тела.

10. Положим, что в Сиднее для просветительских целей установили маятник Фуко. Длина нити подвеса $L = 10$ м. Груз маятника отклонили на юг от вертикали на $a = 50$ см. С какой скоростью его следует толкнуть на восток, чтобы нить подвеса маятника описывала круговой конус? А какой скоростью должна быть, чтобы тот же конус обходился нитью подвеса в обратную сторону? Для удобства считать, что Сидней находится на 30-й параллели южной широты, а ускорение свободного падения положить равным $g \approx 10$ м/с².

к задаче 9